APARATURA BADAWCZA I DYDAKTYCZNA

Alternatywny pozycjoner biegunowy dla klasycznego kartezjańskiego aparatu ruchowego laserowego urządzenia grawerującego

ROMAN TROCHIMCZUK KATEDRA AUTOMATYKI I ROBOTYKI, WYDZIAŁ MECHANICZNY, POLITECHNIKA BIAŁOSTOCKA

Słowa kluczowe: pozycjonowanie, pozycjoner biegunowy, laserowa obróbka szkła

STRESZCZENIE

W pracy przedstawiono koncepcję mechanicznego systemu wykonawczego nowego pozycjonera biegunowego, który jest alternatywą dla klasycznego rozwiązania aparatu ruchowego urządzenia grawerującego opartego na kartezjańskim stole krzyżowym. Omówiono przykładowe scenariusze przemieszczeń ramienia obróbczego oraz obiektu obrabianego w pozycjonerze biegunowym. Przeprowadzono wstępną analizę sztywności proponowanego rozwiązania, która przekłada się na ocenę dokładności obróbki (jakości pozycjonowania laserowej wiązki obróbczej). Prezentowane w pracy rozwiązanie przyczynić się może do wprowadzenia nowej jakości w technikach laserowego grawerowania szkła.

A new alternative polar positioning system for cartesian positioning system used in laser engraving device

Keywords: positioning, polar positioning system, laser glass engraving

ABSTRACT

A novel conception of the construction of mechanical actuator system – polar positioning system which is an alternative to classic Cartesian cross table of laser device for engraving glass and other transparent dielectrics is presented in the work. Sample scenarios of movements of the working arm and the glass workpiece in polar positioning system are discussed. A preliminary analysis of the stiffness of the proposed solution which allows evaluation of machining accuracy (the quality of positioning the laser beam) is presented as well. A novel solution presented in this article of positioner may contribute to the new quality in techniques of laser glass engraving.

1. WSTĘP

Ciekawym i coraz bardziej rozwijającym się kierunkiem wykorzystania laserowych technik zdobniczych szkła jest grawerowanie podpowierzchniowe. Zamodelowany komputerowo obiekt (dwulub trójwymiarowy) odwzorowywany jest laserem w postaci punktowego obiektu uformowanego w przestrzeni obiektu obrabianego – szkła (przykład – Rys. 1) [1]. Głównymi parametrami określającymi tego typu mechatroniczne systemy obróbcze jest ich wydajność oraz jakość formowanej przez laser powierzchni.



Rysunek 1 Przykładowy obiekt trójwymiarowy grawerowany laserem w przestrzeni szklanej bryły (wymiary: 40 x 40 x 40 mm; 15777 punktów struktury tworzących obiekt)

Realizację postawionych wymagań zapewnić można podwyższając parametry lasera (instrumentu obróbczego) albo wpływając na algorytmy sterowania pozycjonerem. Można też modyfikować konstrukcję samego układu pozycjonującego wiązkę obróbczą [1]. Jakość grawerowanego laserem w szkle odwzorowania, a tym samym jakość produktu finalnego (kubika), zależy przede wszystkim od tego, jakie będzie pozycjonowanie. Wśród wielu czynników wpływających na jakość pozycjonowania można wymienić przede wszystkim: płynność, szybkość i dokładność [1, 2]. Cechy te znacząco przyczyniają się do rynkowej konkurencyjności wytwarzanego produktu, wpływając na końcową jakość produktu oraz możliwości wytwórcze, które pozwalają na zaspokojenie potrzeb rynku.

Wskutek niepłynnego pozycjonowania, tj. przejścia od jednego punktu do kolejno grawerowanego (formowanego) z różnymi, znacznymi wartościami prędkości i przyspieszeń układu pozycjonującego, powstają znaczne siły bezwładności. Wpływa to na szybsze zużycie komponentów mechatronicznego urządzenia grawerującego, jak i na jakość powierzchni formowanego obiektu. Z punktu widzenia możliwości obróbczych systemu grawerującego istotne staje się maksymalne wykorzystanie charakterystyk roboczych instrumentu obróbczego. W przypadku tego typu urządzeń jest to najczęściej utworzenie maksymalnej liczby punktów struktury formowanego w szkle obiektu, w założonym okresie czasu (w stałym takcie lasera impulsowego - 50 Hz, 100 Hz lub więcej). Dlatego też pozycjonowanie powinno być dostatecznie szybkie, aby każdy z wytworzonych impulsów laserowych mógł być wykorzystany do utworzenia punktu struktury obiektu trójwymiarowego. W przypadku, gdy pozycjonowanie nie będzie wystarczająco dokładne, kolejno formowane punkty struktury mogą nakładać się na siebie lub też będą znajdować się w różnych odległościach od siebie. Wskutek tego zostanie zniszczona struktura obiektu przez powstanie pęknięcia, odbiegającego znacznie rozmiarem i formą od pozostałych punktów struktury lub też zaburzona zostanie forma tworzonego w szkle odwzorowania.

2. KLASYCZNY APARAT RUCHOWY Z POZYCJONE-REM KARTEZJAŃSKIM

Analizując układy pozycjonujące wiązkę obróbczą stosowane w obecnie dostępnych na rynku rozwiązaniach systemów do laserowego grawerowania szkła można jednoznacznie stwierdzić, że w zasadzie większość z nich bazuje na rozwiązaniach pozycjonerów pracujących w układach kartezjańskich [1]. Związane jest to między innymi z faktem, że klasyczne rozwiązania, stosowane w obecnie wytwarzanych obrabiarkach, niejednokrotnie wzorowane są na rozwiązaniach jeszcze z czasów, kiedy do sterowania maszyn nie używano techniki komputerowej. Niemożliwe do realizacji rozwiązania sprzed kilkunastu czy też kilkudziesięciu lat można dzisiaj z powodzeniem wprowadzić do praktyki inżynierskiej w postaci jednolitego urządzenia mechatronicznego, dzięki powiązaniu w jednym produkcie komponentów mechanicznych, elektronicznych i informatycznych.

Powszechnie stosowanym w laserowych urządzeniach grawerujących rozwiązaniem pozycjonera jest stół krzyżowy kartezjański [1]. Zbudowany jest on zazwyczaj z napędów i przekładni pracujących w układzie wrzeciono-nakrętka. Tutaj służy on do przemieszczania materiału obrabianego i laserowej wiązki obróbczej. W płaszczyźnie XY przemieszczany jest materiał obrabiany (tu wykonywane są

główne przemieszczenia przy obróbce pojedynczej warstwy obiektu). Oś Z wykorzystywana jest do ogniskowania wiązki formującej obiekt wewnątrz szkła (tu następuje przejście na kolejną warstwę). Tego typu rozwiązanie jest jednak obarczone pewnymi niedogodnościami [3]. Do głównych należy zakwalifikować przede wszystkim fakt, że wraz ze zwiększeniem zakresu przemieszczeń oraz zwiększeniem maksymalnych wartości prędkości i przyspieszeń, następny w typoszeregu napęd ma większe gabaryty. Zwiększenie wymiarów pozycjonera skutkuje - poza zwiększeniem gabarytów całego systemu grawerującego - również wzrostem powstających w systemie sił bezwładności. Powstające wskutek tego drgania mechaniczne wpływają na wzrost poziomu hałasu, jednocześnie powodując przedwczesne zużycie komponentów systemu oraz silnie pogarszają jakość obiektu formowanego. Z racji powiązania napędów w płaszczyźnie XY (jeden napęd niesie drugi) główna niedogodność powstaje tu z racji dużych mas ruchomych i wynikających stąd ograniczeń dynamiki napędu, który niesie inny napęd.

Wymienionych wad pozbawiony jest opracowany przez autora nowy pozycjoner biegunowy, omawiany w dalszej części pracy, który dzięki prostej konstrukcji, niskiemu kosztowi wytworzenia oraz sterowaniu komputerowemu może stanowić alternatywne rozwiązanie dla typowych, powszechnie stosowanych pozycjonerów kartezjańskich [2, 3]. Przy opracowywaniu omawianego w dalszej części pracy rozwiązania poczyniono następujące założenia [1-3]:

 kolumna ramienia obróbczego powinna umożliwiać swobodne przemieszczenie go nad obiektem obrabianym;

 obracalna kolumna ramienia obróbczego powinna znajdować się jak najbliżej stołu obróbczego, a długość ramienia obróbczego powinna być możliwie najkrótsza; przy tym ramię powinno mieć konstrukcję lekką i sztywną – wpłynie to przede wszystkim na zmniejszenie błędów pozycjonowania i powstających sił bezwładności;

• dobór parametrów napędu związanych z jego dokładnością zależeć będzie od długości obrotowego ramienia obróbczego.

Aby spełnić warunek możliwie najniższej masy ramienia obróbczego, konieczne jest fizyczne oddzielenie od ramienia obróbczego emitera lasera, ze względu na jego wymiary oraz masę. Umieszczenie go na ramieniu obróbczym w postaci głowicy laserowej znacznie zwiększyłoby gabaryty i masę ramienia, co zważywszy na bezwładność takiego układu nie miałoby racji bytu.

3. SZTYWNOŚĆ KONSTRUKCJI POZYCJONERA A DOKŁADNOŚĆ OBRÓBKI LASEREM

Jednym z istotnych czynników wpływających bezpośrednio na dokładność obróbki laserem z wykorzystaniem danego aparatu ruchowego jest sztywność danej konstrukcji [1, 2, 5]. Tu miarą dokładności będzie ugięcie (odkształcenie) konstrukcji na skutek oddziałujących sił bezwładności. Można więc założyć, że dokładność będzie tym większa, im większa jest sztywność rozpatrywanej konstrukcji.

Klasyczne rozwiązanie pozycjonera kartezjańskiego (dla układu nieruchoma wiązka obróbcza - ruchomy przedmiot obrabiany) opiera się zazwyczaj na stole krzyżowym XY utworzonym z połączonych ze sobą pozycjonerów jednoosiowych. Napęd przekazywany jest z silnika krokowego poprzez przekładnię śrubową do stołu pozycjonującego. Powiązanie ruchów w dwóch osiach pozwala na przemieszczanie obiektu obrabianego w płaszczyźnie, a tym samym na formowanie pojedynczych warstw tworzonej struktury odwzorowania. Taki układ jest układem szeregowym, w którym poza sztywnością i tłumieniem zakłada się dodatkowo luzy w całej konstrukcji [1, 2, 5] (Rys. 2A). Wynika to ze sposobu modelowania regulowanych układów wielociałowych, przyjętego powszechnie w literaturze z zakresu mechatroniki i robotyki. Całkowitą sztywność omawianego rozwiązania można zatem wyrazić za pomocą zależności:

$$C = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2},$$
 (1)

gdzie:

C₁ – sztywność osi X pozycjonera,

C₂ – sztywność osi Y pozycjonera.

Analiza aparatu ruchowego pozycjonera, przeprowadzona z uwzględnieniem możliwych układów pozycjonujących wiązkę laserową i materiał obrabiany [1], skłoniła autora do zaproponowania innego podejścia do pozycjonowania materiału i wiązki obróbczej niż kartezjańskie układy. Wzorowane jest ono na układach spotykanych w twardych dyskach. Podejście to, według wiedzy autora, nie jest stosowane w praktyce budowy laserowych urządzeń do grawerowania szkła.



Rysunek 2 Sztywności w: A) kartezjańskim i B) biegunowym aparacie ruchowym

I tak w przypadku nowego pozycjonera biegunowego (Rys. 2B), jako modyfikacji wspomnianej konstrukcji klasycznej, poszczególne sztywności występują w układzie równoległym [1, 2, 5]. Całkowita sztywność urządzenia sprowadza się więc do sumy sztywności ramienia obróbczego i obrotowego stołu obróbczego, co można zapisać zależnością:

$$C = C_1 + C_2,$$
 (2)

gdzie:

 $C_1 - sztywność ramienia obróbczego pozycjonera,$ $C_2 - sztywność stołu obróbczego pozycjonera.$

Obróbka trójwymiarowego odwzorowania wykonywana jest warstwowo, poczynając od warstw położonych najniżej, przechodząc kolejno do warstw wyżej położonych. Wynika to z faktu, że lokalne mikropęknięcie mogłoby "przesłonić" obszar, do którego dotrzeć powinno ognisko skupionej wiązki laserowej. Nałożenie się w tym miejscu mikropęknięć spowodowałoby wspomniane wcześniej zniszczenie formowanego odwzorowania. Z racji warstwowego charakteru obróbki w obu omawianych przypadkach analiza sprowadza się tylko do przemieszczeń pozycjonerów w płaszczyźnie XY – stąd nie rozpatrywano tu współrzędnej Z, służącej tylko do przejścia na następną warstwę [2, 6]. Korzystny argument sztywności konstrukcji oraz argument związany z niższymi kosztami wytworzenia proponowanego rozwiązania w stosunku do dokładnych osi kartezjańskich, skłoniły autora do opracowania własnej konstrukcji pozycjonera biegunowego (opis pkt. 5). Przy opracowaniu koncepcji pozycjonera dodatkowo brano pod uwage argument zwiększonej wydajności i szybkości pracy urządzeń działających w układzie biegunowym. Innym, równie istotnym argumentem są niższe koszty wytworzenia prostych par obrotowych w stosunku do prowadnic liniowych. W pozycjonerze kartezjańskim XY dokładność przemieszczenia zależeć będzie w głównej mierze od dokładności wykonania prowadnic oraz od zapewnienia prostopadłości osi względem siebie. Czynnik ten w znaczący sposób podraża konstrukcję, a tym samym wpływa na wzrost ceny całego systemu obróbczego.

4. SCENARIUSZE PRZEMIESZCZEŃ RAMIENIA OBRÓBCZEGO I OBIEKTU OBRABIANEGO

Aby uzyskać pełniejszy opis koncepcji biegunowego układu pozycjonującego wiązkę obróbczą i element obrabiany, należy przeanalizować sposób wykonywania kolejnych punktów struktury formowanego odwzorowania. Formowanie kolejnych punktów może przebiegać według założonych dwóch scenariuszy [1, 7, 8]. W pierwszym zakłada się, że ramię obróbcze wykonuje główny ruch kierunkując wiązkę obróbczą w przestrzeń obiektu obrabianego (Rys. 3A). To samo działanie podejmowane jest w stosunku do wszystkich kolejno umieszczonych obiektów. Następnie ramię jest przemieszczane o zadany kąt umożliwiający stworzenie kolejnej "ścieżki". W tym przypadku siły bezwładności eliminowane są przez zapewnienie stałej prędkości obrotowej stołu obróbczego. Po przejściu nad kolejnymi obiektami ramię obróbcze przemieszczane jest o nieznaczną wartość kątową. Trzeci wymiar formowanego odwzorowania tworzony jest poprzez zmianę długości ogniskowej specjalnym systemem soczewek ramienia obróbczego. W przypadku tego scenariusza łatwiej jest zapewnić równe odległości pomiędzy punktami tworzonymi w kolejnych przejściach lasera. Można wskazać tu analogie do przytaczanego wcześniej przykładu dysku twardego. Prędkość obrotowa stołu obróbczego na zadanym promieniu jest stała

(w dysku – talerza obrotowego), natomiast ramię obróbcze (w dysku – głowica magnetyczna) przemieszczane jest nieznacznie. Układ taki zapewnia niezmienność sił bezwładności (po osiągnięciu zakładanej prędkości obrotowej), powstałych od obrotowego stołu obróbczego. W drugim scenariuszu (Rys. 3B) ramię obróbcze przemieszcza się wahliwie nad obiektem obrabianym umieszczonym na stole obróbczym. Po utworzeniu pierwszej "ścieżki" obiekt przesuwany jest przez obrót stołu o zadaną wartość kątową.





W przypadku tego scenariusza punkty formowane w pierwszym cyklu, na danym torze, będą od siebie równoodległe. Kiedy natomiast przejdziemy do następnego cyklu obróbki, okaże się, że nie jesteśmy w stanie zapewnić w jednym przejściu równych odległości pomiędzy kolejno formowanymi punktami na torach obróbki. W jednym skrajnym położeniu odległość pomiędzy torami będzie inna niż w drugim położeniu [4]. Przypadek ten wskazuje, że pomimo korzystniejszego z punktu widzenia dynamiki urządzenia układu (poruszane są mniejsze masy) i ograniczeń związanych z powstawaniem w trakcie obróbki sił bezwładności, konieczne byłoby tu zapewnienie odpowiedniego oprogramowania sterującego. Pozwoliłoby ono wybierać punkty na możliwych do realizacji torach obróbki obiektu. W rezultacie niekoniecznie jednak wiązałoby się to z polepszeniem wydajności systemu grawerującego.

5. PROPONOWANE ROZWIĄZANIE POZYCJO-NERA BIEGUNOWEGO

Aby można było uformować punkt obiektu w dowolnym punkcie przestrzeni, konieczne jest kątowe pozycjonowanie stołu obróbczego. Stół taki obracany jest wokół osi O_2 o zadany kąt φ_2 (Rys. 4B). Ogólnym i głównym założeniem przy opracowaniu koncepcji stołu obróbczego było przede wszystkim to, aby umożliwiał on pewne zamocowanie obiektu obrabianego (bryły szkła) [2, 3]. Konieczność spełnienia tego warunku wynika z faktu, że obiekty obrabiane będą poruszać się w trakcie obróbki z określoną, stałą prędkością obrotową. Poza wspomnianym wymaganiem dzięki zastosowaniu obrotowego urządzenia można ograniczyć przestrzeń załadunku materiału poddawanego obróbce, a tym samym bardziej "odizolować" strefę oddziaływania na otoczenie pracy odbitych od powierzchni zewnętrznych szkła wiązek laserowych. System sterujący obrotem stołu obróbczego powinien zapewniać również płynną regulację prędkości obrotowej. W celu pełnego wykorzystania możliwości obróbczych oferowanych przez laser, konieczne jest zapewnienie takich przemieszczeń, aby można było wykorzystać 100, 200 lub więcej impulsów generowanych przezeń w ciągu 1 sekundy. Czas trwania pojedynczego impulsu laserowego mieści się w zakresie od 4 ns do 6 ns, a kolejny impuls, biorac pod uwage np. laser 200 Hz, generowany jest w takcie co 5 ms. W związku z powyższym przejście do kolejno formowanego

punktu struktury powinno nastąpić w przedstawionym wyżej okresie czasu. W momencie, kiedy nie będzie zachodzić konieczność umieszczenia punktu w lokalnym obszarze obiektu formowanego, specjalny układ mechaniczny przysłoni formującą wiązkę laserową, a co za tym idzie nie będzie oddziaływać ona na strukturę obiektu obrabianego (szkła). Dla potrzeb opracowania projektu konstrukcji przyjęto, że maksymalny rozmiar obiektu obrabianego powinien zamykać się w rozmiarze 100 x 100 x 100 mm, a opracowana konstrukcja powinna zapewniać jednoczesne zamocowanie czterech obiektów obrabianych. Warunek ten zapewni przede wszystkim zwiększenie wydajności obróbki całego systemu grawerującego, co w przypadku wykorzystania układu dla celów komercyjnych jest znaczącym argumentem. Proponowane koncepcyjne rozwiązanie stołu obróbczego przedstawiono na Rysunku 4A. Zgodnie z przyjętymi założeniami poddawane obróbce szklane bryły (kubiki – oznaczone na Rysunku 4 jako 1) zamocowane są na powierzchni obrotowego stołu obróbczego 2, z wykorzystaniem specjalnych mocowań 4. Mocowania te umożliwiają dostosowanie rozmiaru obszaru mocowania do rozmiaru szklanej bryły.





Rysunek 4 Rozwiązanie stołu obróbczego dla biegunowego aparatu ruchowego urządzenia grawerującego: A) widok ogólny, B) widok ramienia nad stołem obróbczym

Wynika to m.in. z faktu, że obróbce mogą być poddawane obiekty wejściowe różnych rozmiarów. Dopasowanie do rozmiaru następuje dzięki przesunięciu do żądanej pozycji mocowań w specjalnie wydrążonych kanalikach 3 na powierzchni stołu obrotowego. Ostateczne ustalenie pozycji następuje po dociśnięciu mocowania do powierzchni stołu i płaszczyzny obrabianego szkła śrubą z łbem imbusowym.

Projektując sterowanie przemieszczeniami stołu obróbczego należy wziąć pod uwagę fakt, że poza utrzymywaniem stałej wartości prędkości obrotowej stołu konieczna jest też jej możliwa regulacja w określonym zakresie. Wynika to z przyjęcia założenia, że na danym stałym promieniu r_1 stół obraca się z taką prędkością, która zapewni wykorzystanie maksymalnej liczby impulsów lasera. Przyjęto również, że promień ten stanowi połowe promienia przestrzeni obróbczej stołu obrotowego. Wartości potrzebnych prędkości kątowych dla danego promienia można wyznaczyć korzystając z ogólnych zależności na prędkość kątową ω . Za Δt przyjąć należy wtedy czas generacji kolejnego impulsu lasera, natomiast zmianę wartości kąta $\Delta \alpha$ wyliczyć można z zależności na długość łuku okręgu, który dla pierwszych obliczeń w przybliżeniu może być przyjęty jako minimalna odległość pomiędzy kolejno formowanymi punktami struktury. Zapewnienie stałej wartości predkości obrotowej stołu obróbczego, wraz z zamocowanymi na nim kubikami, wpłynie na redukcję powstających sił bezwładności. Napęd stołu stanowić będzie odpowiednio dobrany silnik krokowy połączony z precyzyjną przekładnią harmoniczną, o przełożeniu większym niż 1:2000. Dodatkowy podział kroku silnika zrealizowany będzie poprzez użycie do sterowania napędem karty sterownika pracującej w trybie mikrokrokowym.

Ramię obróbcze wraz z omawianym stołem pozycjonującym obiekt obrabiany tworzą pozycjoner biegunowy. W założeniu konstrukcja ramienia winna umożliwić ukierunkowanie wiązki obróbczej w dowolny punkt przestrzeni obrabianej bryły szklanej. Jednocześnie układ optyczny związany z ramieniem obróbczym powinien zapewnić zmianę położenia ogniska wiązki laserowej w takim zakresie, aby można było uformować dowolne punkty przestrzennego odwzorowania o założonym maksymalnym rozmiarze. Ramię obróbcze powinno zapewnić również taką rozdzielczość przesunięcia, aby możliwe było przemieszczenie ogniska w odległości od punktu do punktu, ok.

200 mikrometrów. Materiał użyty do budowy ramienia powinien być sztywny i lekki. Długość jego powinna być maksymalnie najkrótsza (długość uzależniona będzie od wymiaru obrotowego stołu roboczego), a jednocześnie powinna być taka, aby mogła zapewnić pokrycie obszaru roboczego stołu. Pozwoli to ograniczyć negatywny wpływ oddziałujących sił bezwładności [2]. Aby spełnić tak postawione wymagania, zaprojektowano ramię obróbcze w postaci takiej, jak przedstawiono na Rysunku 5. Obróbcza wiązka laserowa 10 kierunkowana jest przez układ optyczny w przestrzeń tulei 1 zaznaczonej na Rysunku 5. Tuleja ta wykorzystywana jest do mocowania ramienia obróbczego w korpusie aparatu ruchowego i zapewnia możliwość obrotu ramienia o określony kąt. Dodatkowo na wspomnianej tulei wykonany jest wieniec zebaty 2, który w połączeniu z napędem z przekładnią harmoniczną pozwala na uzyskanie dodatkowego przełożenia dla pojedynczego kroku (przemieszczenia). Zamocowane jest tam również zwierciadło 4 odbijające wiązkę laserową i kierunkujące ją w stronę drugiego zwierciadła 4, którego zadaniem jest skierowanie wiązki na skupiający układ optyczny 5.





Rysunek 5 Rozwiązanie ramienia obróbczego dla biegunowego aparatu ruchowego

Układ ten zapewnia możliwość regulacji wysokości ogniska wiązki formującej, która przechodząc przez przestrzeń oznaczoną na Rysunku 5 jako 6, kierowana jest w przestrzeń kubika. Sterowanie wysokością oddziaływania ogniska odbywa się dzięki wykorzystaniu dodatkowego napędu 7 z odpowiednią przekładnią 8. Służy on do przemieszczania w osi Z, przez układ typu wrzeciono – nakrętka 9, sprzężonej soczewki skupiającej 5.

Zakładany ruch ramienia obróbczego dla kąta φ_1 przewiduje się w zakresie $(0, \pi)$. Długość ramienia r, powinna odpowiadać wspomnianej wcześniej długości promienia r_1 stołu obróbczego. Za długość ramienia r, przyjąć należy nie rozmiar całej konstrukcji, lecz odległość mierzoną pomiędzy wiązką obróbczą wchodzącą i wychodzącą z ramienia obróbczego. Oś obrotu ramienia O_1 powinna znajdować się na przecięciu z promieniem r₁ stołu obróbczego (Rys. 4B). Tak przyjęte parametry pozwolą na zapewnienie pełnego oddziaływania wiązki laserowej na kubiki zamocowane na stole obrotowym, a także umożliwią maksymalne skrócenie ramienia i zmniejszenie wartości oddziałujących na jego konstrukcję sił bezwładności powstających przy przemieszczaniu. Proponowany biegunowy aparat ruchowy składa się z dwóch zasadniczych modułów: jeden związany jest płytą konstrukcyjna 4 z ramieniem obróbczym 7 (Rys. 6), natomiast drugi moduł połączony z płytą 5, na której zamontowano obrotowy stół obróbczy 8. Do napędu wspomnianych komponentów używane są zespoły silnika krokowego z odpowiednimi przekładniami harmonicznymi – 2, 6. Dodatkowo nad płytą górną 4 zamocowany jest emiter lasera impulsowego 1 – typu Nd:YAG, zintegrowany z odpowiednim układem optycznym, układem sterowania, zasilania i chłodzenia. Komponentem, który uzupełnia koncepcje aparatu ruchowego pozycjonera, jest system sensoryczny 3 (Rys. 6). Wykorzystywany jest on do zliczania liczby defektów utworzonych w strukturze obiektu obrabianego. Jego istnienie wymuszone jest faktem konieczności zapewnienia pętli sprzężenia zwrotnego w przypadku sytuacji awaryjnej, np. powstałej po utracie zasilania lub awaryjnego zatrzymania pracy systemu formowania przez samego użytkownika.



Rysunek 6 Biegunowy aparat ruchowy laserowego urządzenia grawerującego

6. WNIOSKI

W trakcie projektowania wydajnego pozycjonera mechatronicznego konieczne staje się szersze spojrzenie na procesy i komponenty związane z mechanicznym systemem wykonawczym oraz elektronicznym systemem informacyjnym, a także na sprzężenia (relacje, przepływy) zachodzące pomiędzy nimi. Powstałe urządzenie powinno być pewne w działaniu, tanie, funkcjonalne, łatwe w obsłudze i niezawodne [2]. Nie należy zapominać przy tym, że poza integracją poszczególnych podsystemów, konieczne jest uzyskanie efektu synergii. W rozumieniu inżynierskim mówiąc "synergia" ma się na myśli nowe, nieosiągalne charakterystyki urządzenia. Stąd też dokładność pozycjonowania, wynikająca ze sztywności i prostoty konstrukcji, oraz łatwość przeliczenia pozycji przez komputer przekładają się na niski koszt wytworzenia proponowanego urządzenia, przy zachowaniu wysokiej jakości obróbki. Analiza sztywności pozycjonera biegunowego daje podstawę do przyjęcia tezy, że prostymi rozwiązaniami da się zrealizować dokładne pozycjonowanie wiązki lasera w przestrzeni formowanego obiektu. Zwiększenie dokładności urządzenia grawerującego wpływa natomiast pośrednio na zwiększenie wydajności i podwyższenie parametrów samego procesu laserowej obróbki szkła. Synergia (tu rozumiana jako pojawienie się nowych, dotychczas nieosiągalnych charakterystyk pozycjonerów) w przypadku pozycjonerów biegunowych wynika m.in. z innego (nieklasycznego) sposobu myślenia, które zostało umożliwione dzięki zastosowaniu sterowania komputerowego do przemieszczania prostych mechanizmów (par) obrotowych [1, 3]. Przedstawione prototypowe rozwiązanie alternatywnego pozycjonera biegunowego będzie wykorzystane do przeprowadzenia dalszych badań symulacyjnych potwierdzających zasadność przyjętego rozumowania oraz budowy prototypu urządzenia i sprawdzenia jego użyteczności w warunkach warsztatowych.

LITERATURA

- [1] Trochimczuk R., Mechatroniczne pozycjonowanie wiązki lasera impulsowego w urządzeniach do formowania obiektów trójwymiarowych w szkle rozprawa doktorska, AGH, Kraków, 2009.
- [2] Trochimczuk R., Studium projektowe mechanicznego systemu wykonawczego pozycjonera biegunowego do laserowego urządzenia grawerującego, W: Projektowanie mechatroniczne. Zagadnienia wybrane, pod red. T. Uhla, AGH, Kraków, 2011, 193-201.
- [3] Trochimczuk R., Nowej konstrukcji pozycjoner biegunowy dla urządzeń do podpowierzchniowego grawerowania laserem struktur przestrzennych, Acta Mechanica et Automatica Vol. 4, nr 1, Białystok, 2010, 96-100.
- [4] Trochimczuk R., Gawrysiak M., Analysis of polar positioning system in laser device for glass engraving, Solid State Phenomena, Vols. 147-149 (2009), Trans Tech Publications, Switzerland, Zurich, 2009, 107-112.
- [5] Trochimczuk R., Synergia na przykładzie pozycjonowania wiązki lasera w mechatronicznych urządzeniach do grawerowania szkła, W: Projektowanie mechatroniczne. Zagadnienia wybrane, pod red. T. Uhla, AGH, Kraków, 2010, 155-163.

- [6] Trochimczuk R., Analiza biegunowego pozycjonera laserowego urządzenia do formowania trójwymiarowych obiektów w szkle, W: Teoria maszyn i mechanizmów, pod red. J. Wojnarowskiego, I. Adamiec-Wójcik, Wydawnictwo ATH, Bielsko-Biała, 2008, 367-374.
- [7] Trochimczuk R., Gawrysiak M., Analiza przemieszczeń pozycjonera biegunowego laserowego urządzenia grawerującego, W: Projektowanie mechatroniczne. Zagadnienia wybrane, pod red. T. Uhla, AGH, Kraków, 2008, 159-167.
- [8] Trochimczuk R., Gawrysiak M., Koncepcja biegunowego aparatu ruchowego pozycjonera urządzenia grawerującego, W: Projektowanie mechatroniczne. Zagadnienia wybrane, pod red. T. Uhla, AGH, Kraków, 2007, 201-208.

APARATURA BADAWCZA I DYDAKTYCZNA

A new alternative polar positioning system for cartesian positioning system used in laser engraving device

ROMAN TROCHIMCZUK

DEPARTMENT OF AUTOMATIC CONTROL AND ROBOTICS, FACULTY OF MECHANICAL ENGINEERING, BIALYSTOK UNIVERSITY OF TECHNOLOGY

Keywords: positioning, polar positioning system, laser glass engraving

ABSTRACT

A novel conception of the construction of mechanical actuator system – polar positioning system which is an alternative to classic Cartesian cross table of laser device for engraving glass and other transparent dielectrics is presented in the work. Sample scenarios of movements of the working arm and the glass workpiece in polar positioning system are discussed. A preliminary analysis of the stiffness of the proposed solution which allows evaluation of machining accuracy (the quality of positioning the laser beam) is presented as well. A novel solution presented in this article of positioner may contribute to the new quality in techniques of laser glass engraving.

Alternatywny pozycjoner biegunowy dla klasycznego kartezjańskiego aparatu ruchowego laserowego urządzenia grawerującego

Słowa kluczowe: pozycjonowanie, pozycjoner biegunowy, laserowa obróbka szkła

STRESZCZENIE: W pracy przedstawiono koncepcję mechanicznego systemu wykonawczego nowego pozycjonera biegunowego, który jest alternatywą dla klasycznego rozwiązania aparatu ruchowego urządzenia grawerującego opartego na kartezjańskim stole krzyżowym. Omówiono przykładowe scenariusze przemieszczeń ramienia obróbczego oraz obiektu obrabianego w pozycjonerze biegunowym. Przeprowadzono wstępną analizę sztywności proponowanego rozwiązania, która przekłada się na ocenę dokładności obróbki (jakości pozycjonowania laserowej wiązki obróbczej). Prezentowane w pracy rozwiązanie przyczynić się może do wprowadzenia nowej jakości w technikach laserowego grawerowania szkła.

1. INTRODUCTION

An interesting and increasingly developed direction of using lasers among the glass decorative techniques is the subsurface laser engraving. An object modeled in the computer (two – or three dimensional) is performed by laser in the space of workpiece – glass as a point structure (example – Fig. 1) [1]. The main parameters defining this type of mechatronic processing systems are their efficiency and high quality of object surface forming by laser.



Figure 1 Example of 3D object engraving in glass (dimensions: 40 x 40 x 40 mm, 15777 points)

Implementation of the prescribed requirements can be ensured by increasing the laser parameters (processing instrument) or changing the control algorithms of the positioning system. One can also modify the structure of the laser beam positioning system [1]. The quality of laser engraved object inside the glass, thus the quality of the final product (glass cube), depends primarily on how it will be positioned. Among many factors affecting the quality of positioning you can identify primarily: smooth movement, speed and accuracy [1, 2]. These factors significantly contribute to the market competitiveness of manufactured product, due the fact of the final quality of the final product and the same production capacity which can meet the needs of the market. Due to non-smooth positioning, i.e. movement from one point to another successively engraved (forming) with different and significant velocities and acceleration of the positioning system in processing system generates considerable forces of inertia. This results in faster wear of mechatronic components of the engraving system and affects the surface quality of the formed object. From the point of view of the machining of laser engraving system it becomes important to maximize the operating characteristics

of the processing instrument. In the case of this type of device it is most often creating a maximum number of points of structure formed in glass within the prescribed period of time (in constant cycle of pulsed laser – 50 Hz, 100 Hz or more). Therefore, the positioning should be sufficiently fast so that each of the generated laser pulses could be used to forming a single point of threedimensional object structure. In case when positioning is not accurate enough each point of the formed structure can overlap or will be located at different distances from each other. As a result the structure of the forming object will be destroyed by the occurring crack deviating significantly in size and form from the other points of structure or the form of the object engraved inside glass will be distorted.

2. TRADITIONAL POSITIONING SYSTEM WITH A CARTESIAN POSITIONER

Analyzing the laser beam positioning system used in currently available on the market laser glass engraving systems one can unequivocally state that actually most of them are based on Cartesian positioner [1]. This is due, among other things, to the fact that traditional solutions used in the current generation of processing system are often designed on the solution from the times when computer technology of device control was not used. Technical solutions impossible to implement from the past several or dozens of years can be successfully introduced today to the engineering practice in the form of a uniform mechatronic device, thanks to the combination of mechanical, electronic and information technology in one product. Commonly used in laser engraving system is Cartesian cross table [1]. It is usually built from the drives and spindle-nut transmission system. Here it is used to move the workpiece and the laser beam. In the XY plane workpiece is moved (the main displacements of the processing of the single object layer are performed here). The Z axis is used to focus of laser beam engraving object inside the glass (a transition between object layers appears here). However, this type of solution have some disadvantages [3]. The main one should be classified that with the increasing range of movements and the increasing of the maximum speed and acceleration, the next in the series drive has a greater global dimensions. Increasing the size of the positioning system results in increased di-

mensions of the engraving system also resulting in an increase in the level of forces of inertia. The resulting inertial forces due to mechanical vibrations affect the increase in the noise level at the same time causing premature wear of the system components and strongly affect the quality of the formed object. Because dives link in XY plane (one drive carries the second drive) the main inconvenience arises because of large moving masses and the resulting restrictions of the drive dynamics, which carries another drive. Discussed further in the work developed by the author novel polar positioning system is devoid of the mentioned drawbacks. With a simple design, low manufacturing cost and computer control polar positioning system can provide an alternative to conventional, commonly used traditional Cartesian positioners [2, 3]. The main assumptions made in the development of the proposed solution included [1-3]:

• the column of the working arm should allow free movements above the workpiece;

• rotating column of the working arm should be closer to the working table; the length of the working arm should be as short as possible and the construction of the arm should be light and stiff – this primarily will reduce positioning errors and reduce inertia forces;

• the drive parameters relating to the accuracy will depend on the length of the working arm.

To fulfil the condition of the lowest possible mass of working arm a physical separation of the working arm from the laser emitter by virtue of his dimension and mass is necessary. Fixing it on the rotary working arm in the form of a laser head would significantly increase the size and mass of the arm which due to the inertia of such system could not exist.

3. STIFFNESS OF THE STRUCTURE POSITIONING SYSTEM VS. ACCURACY OF LASER PROCESSING

One of the important factors affecting directly the accuracy laser processing by using positioning system is the stiffness of the structure [1, 2, 5]. A deflection (deformation) of the structure as a result of affecting forces of inertia will be a measure of accuracy. Therefore it can be assumed that accuracy will be greater, the greater the rigidity of the present structure.

The classic Cartesian positioner (stationary system of laser beam – moveable workpiece) is usually based on a cross XY table – created with connected single axis positioners. The drive is transmitted from the stepping motor through a transmission coil for the positioning table. The connection of movements in two axis allows to move workpiece in a plane and thus for forming single layers of the object structure. This system is a series where apart from stiffness and damping additional mechanical backlash in the whole structure is assumed [1, 2, 5] (Fig. 2A). This is due to the method of modelling multibody systems adopted widely in the literature in the fields of mechatronics and robotics. The overall stiffness of this solution can thus be expressed by the following formula:

$$C = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2},$$
 (1)

where:

 C_1 – stiffness of X axis of positioning system, C_2 – stiffness of Y axis of positioning system.



Figure 2 Stiffness modeling in: A) Cartesian positioning system, B) polar positioning system

The conducted analysis of positioning systems including possible laser beam and workpiece positioning systems [1] led the author to propose a different approach to the positioning than traditional Cartesian positioning system. It is modelled on positioning system in hard drives. This approach, according to the author knowledge, is not applied in the practice of designing devices for laser glass engraving. In the case of the novel polar positioning system (Fig. 2B) as a modification of traditional structure of positioning system individual stiffness occur in the parallel [1, 2, 5]. The overall stiffness of the device comes down to the sum of the working arm stiffness and the rotary working table, which can be written as a formula:

$$C = C_1 + C_2,$$
 (2)

where:

 C_1 – stiffness of working arm, C_2 – stiffness of working table.

Processing of the three-dimensional laser forming object inside glass is layer performed, starting from the lowest stacked layers proceeding in succession to layer lying above. This is due to the fact that local micro crack could "override" the area which a focused laser beam should reach. Imposing at this point micro cracks would cause the previously mentioned micro-destruction of the structure of the formed object. Due to the layered nature of processing in both cases the analysis comes down only to movements of positioners in the XY plane - hence Z axis which is used to move to the next layer is not considered here [2, 6].

Favorable stiffness of structure argument and the argument associated with lower manufacturing cost of the proposed solution in relation to precise Cartesian axes led the author to develop its own design polar positioning system (a more detailed description, item 5). In developing the concept of the positioner the argument of increased productivity and speed of working of polar device was also taken into consideration. Another, equally important argument, is the lower cost of manufacturing simple rotatable pairs relative to precise linear axis. In Cartesian XY – positioning system accuracy of displacement will depend largely on the accurate manufacturing of axis and on ensuring perpendicularity of axes relative to each other. This factor considerably increases the cost of the structure, and thus affects the growth of the price of the whole engraving system.

4. MOVEMENT SCENARIOS OF WORKING ARM **AND WORKPIECE**

For a more complete description of the concept of polar positioning system a laser beam and workpiece type of processing the following point of structure of the forming object should be analyzed. The laser forming object structure can be carried out according to two assumed scenarios [1, 7, 8]. The first scenario assumption is that the working arm takes the main displacement and directs laser beam in the space of the workpiece (Fig. 3A). The same operation is carried out to all the objects on the working table. Then the working arm is moved by a predetermined angle to create another "path". In this case the inertia forces are eliminated by providing a constant rotary speed of working table. The working arm is moved by a slight angular value after moving over successive object. The third dimension of the forming object is created by changing a focal length with the special lens system of working arm. In this scenario it is easier to ensure equal distance between points of structure formed after each pass of the laser. The analogy to the previously-cited example of the hard drive can be indicated. The rotational speed of working table is constant (in hard drive – drive platter) and the working arm (in hard drive – magnetic head) is slightly moved. Such system provides a constancy of inertia forces arose from the working table (after the achievement of the assumed speed). In the second scenario (Fig. 3B) the working arm moves oscillating above the workpiece on the working table. The object is moved by predetermined angular value of working table after processing the first "path".

In this scenario points of the structure formed in the first cycle will be away at equal distance. But when we move to the next cycle of object processing we will not able to provide in a single pass equidistance between forming points of structure. In one extreme position the distance between points will be different than in the second position [4]. This case shows that despite more favorable from the point of view of dynamics of the device (smaller masses are moved) and limitation of inertia forces associated in processing it would necessary to ensure special control software. This software would allow selecting the points on feasible path. Consequently this would not necessarily increase efficiency of the laser engraving system.

5. PROPOSED SOLUTION OF POLAR POSI-**TIONING SYSTEM**

To form the point of the object at any point in the working space, angular positioning of working table is necessary. The working table is rotated around an axis O_2 by a specified angle φ_2 (Fig. 4B). The general and main objective in developing



Figure 3 Two scenarios of filling the object point of structure

the novel concept of working table was primarily that it enables secure the workpiece mounting (glass cube) [2, 3]. This requirement stem from the fact that the processing workpiece will move at a predetermined, constant speed. Apart from this requirement using rotary device can reduce the space of loading material to be processed and thus isolate more the sphere of laser light influence reflected from the external surfaces of glass. The control system of the rotation of the working table should also ensure smooth speed control. In order to fully exploit the capability of the laser it is necessary to ensure such movements so that you can use 100, 200 or more laser pulses generated during 1 second. The duration of a single laser pulse is in the range from 4 ns to 6 ns and the next pulse, for example in the case of laser 200 Hz, is generated every 5 ms. Accordingly the transition to the next formed point of object should be specified in mentioned above time period. At the time when there will not be a need to place the point of object in local area of formed object, a special mechanical system overshadows the laser beam and thus it will not affect on the workpiece (glass). For the purpose of designing a device assumed that the maximum size of the workpiece should close in size 100 x 100 x 100 mm and it is the developed device should ensure simultaneous attachment of four processed objects. This condition mainly ensures an increase in capability of laser engraving system which in the case of commercial use is a significant argument. The proposed conceptual solution of the rotary working table shown in Fig. 4 A. According to the assumption the glass blocks (glass cubes - marked in Fig. 4 as 1) are mounted on the rotary working table 2 using special fasteners 4. These fasteners allow to adjust the size of the mounting area to the size of the glass cube.





Figure 4 The solution of rotary working table: A) general view, B) view of the arm under the rotary table

This is due to the fact that glass blocks may be of various sizes. Fitting to size occurs due to the shift to the desired position fasteners in special hollow tubes 3 on the working table. The final position occurs after pressing the fastener to the working table and the workpiece and screwing it with a hexagon socket.

When designing the control system of movements of rotary working table the fact that it is important to maintain constant speed of working table and possible to adjust speed within the range must be taken into account. This is due to assumption that at given constant radius r_i the working table rotates at a speed that provides the exploitation of the maximum number of laser pulses. It also assumed that the radius is half of the radius of the working area of the rotary working table. The values of angular velocity for selected radius can be calculated by using the overall formulas for the angular velocity ω . Presuppose for Δt – the time of generating of another laser pulse; and changing the value of angle $\Delta \alpha$ can be calculated by using the formulas for the length of the arc of a circle, which for the first calculation may be taken as the minimum distance between formed points of object. Providing constant speed of the working table with the mounted glass cube on it will reduce generated inertial forces in the system. Stepper motor with precise harmonic gear with ratio greater than 1:2000 will provide the drive of the working table. An additional subdivision of steps will be accomplished through the use to control the motor driver a card with micro stepping operating mode.

The working arm and the rotary working table with workpiece will comprise polar positioning system. The working arm design should allow an orientation of the laser beam at any point of processing the glass cube. At the same time the optical system associated with the working arm should ensure the changing of the focused laser beam position to the extent that one can form any points of spatial object of the assumed maximum size. The working arm should also ensure the resolution of displacement focused laser beam from one point to another point approx. 200 micrometers. The material used for designing of the working arm must be rigid and lightweight. The length of the working arm should be up to the shortest (the final length will depend on the dimension of working table) and at the same time should be such as to be able to provide coverage for working area of the working table. This factor will limit the negative impact of interacting forces of inertia [2]. To meet such requirements the working arm was designed in the form as shown in Figure 5. A treatment laser beam 10 is directed by the optical system in case 1 marked in Figure 5. The case is used to attach the working arm to the positioning system body and provides the possibility for rotation by a specific angle. Additionally the case was made of a toothed ring 2, which in combination with harmonic gear allows for additional gear ratio for a single step (displacement). A mirror 4 reflecting the laser beam and orienting it toward the second mirror 4 is also mounted there whose task is to direct the beam to the focusing optics system 5.



Figure 5 The solution of working arm of polar positioning system

This system provides the possibility of adjusting the height of focusing laser beam which is passing through the space, indicated in Figure 5 as 6, in space of glass cube. Height control of the focusing laser beam is achieved through the use of additional drive 7 with mechanical gear 8. It is used to move in the Z axis focusing lens 5 by the spindle-nut system 9.

The assumed movements of the working arm for angle φ_1 are foreseen for the interval $(0, \pi)$. The length of working arm r_r should correspond to the aforementioned radius r_1 of the working table. For the length of the working arm r_r should be taken not the size of the whole structure but the distance between laser beam inbound and outbound from the working arm. The axis of rotation of the working arm O_1 must be located at the intersection of the radius r_1 of the working table (Fig. 4B). Such adopted parameters of structure will ensure full impact of the laser beam on the glass cube mounted on the rotary working table and also maximally shorten the length of the working arm and reduce the value of the inertia forces. The proposed solution of polar positioning system consists of two main modules: one of them is related to the structural plate 4 and the working arm 7 (shown in Fig. 6) and the second module is associated with the plate 5 where the rotary working table 8 is mounted. As the drive of this components are used stepper motors with harmonics gear -2, 6. Above the upper plate 4 a pulse laser emitter Nd:YAG - 1 is additionally fixed integrated with optical, control, power and cooling systems. The component that complement the concept of polar positioning system is a sensory system 3 (Fig. 6).

It is used to count the number of defects (cracks) formed in the workpiece. Its existence is due to the need to ensure a feedback loop, for example in case of an emergency resulting from power loss or emergency system stop by the user.

6. CONCLUSIONS

When we design an efficient mechatronic positioning system it becomes necessary to have a wider view at process and components associated with mechanical actuator system and also electronics information system and the feedback (relationship, flows) occurring between them. The product device should be reliable in the oper-



Figure 6 Polar positioning system of device for laser glass engraving

ation, inexpensive, functional and easy to use [2]. Do not forget that in addition to the integration of the various subsystems it is necessary to obtain the synergy effect. For the purposes of engineering the term of synergy means a new, unattainable characteristics of the device. Therefore the accuracy of positioning resulting from the stiffness and simplicity of the device structure and the ease to computer convert position, translate into low cost of the mechatronic laser engraving system production while maintaining high quality of processing. The analysis of the stiffness of polar positioning system provides a basis for adoption of the idea that the simple solutions can achieve accurate positioning of the laser beam. An increase in the accuracy of engraving device indirectly influences an increased productivity of the system and an increase in parameters of the process of laser glass processing. The synergy effect (it is defined as a new, previously unachievable characteristics of positioning system) in case of novel polar positioning system that i.e. another (not traditional) thinking process which has been made possible through the use of the computer control for the moving of the simple rotation mechanism [1, 3]. Presented in the work an alternative solution of polar positioning system will be used to carry out further computer simulation studies confirming the validity of the reasoning adopted and the development of a prototype and testing its usefulness on the workbench.

REFERENCES

- [1] Trochimczuk R., Mechatroniczne pozycjonowanie wiązki lasera impulsowego w urządzeniach do formowania obiektów trójwymiarowych w szkle rozprawa doktorska, AGH, Kraków, 2009.
- [2] Trochimczuk R., Studium projektowe mechanicznego systemu wykonawczego pozycjonera biegunowego do laserowego urządzenia grawerującego, W: Projektowanie mechatroniczne. Zagadnienia wybrane, pod red. T. Uhla, AGH, Kraków, 2011, 193-201.

- [3] Trochimczuk R., Nowej konstrukcji pozycjoner biegunowy dla urządzeń do podpowierzchniowego grawerowania laserem struktur przestrzennych, Acta Mechanica et Automatica Vol. 4, nr 1, Białystok, 2010, 96-100.
- [4] Trochimczuk R., Gawrysiak M., Analysis of polar positioning system in laser device for glass engraving, Solid State Phenomena, Vols. 147-149 (2009), Trans Tech Publications, Switzerland, Zurich, 2009, 107-112.
- [5] Trochimczuk R., Synergia na przykładzie pozycjonowania wiązki lasera w mechatronicznych urządzeniach do grawerowania szkła, W: Projektowanie mechatroniczne. Zagadnienia wybrane, pod red. T. Uhla, AGH, Kraków, 2010, 155-163.
- [6] Trochimczuk R., Analiza biegunowego pozycjonera laserowego urządzenia do formowania trójwymiarowych obiektów w szkle, W: Teoria maszyn i mechanizmów, pod red. J. Wojnarowskiego, I. Adamiec-Wójcik, Wydawnictwo ATH, Bielsko-Biała, 2008, 367-374.
- [7] Trochimczuk R., Gawrysiak M., Analiza przemieszczeń pozycjonera biegunowego laserowego urządzenia grawerującego, W: Projektowanie mechatroniczne. Zagadnienia wybrane, pod red. T. Uhla, AGH, Kraków, 2008, 159-167.
- [8] Trochimczuk R., Gawrysiak M., Koncepcja biegunowego aparatu ruchowego pozycjonera urządzenia grawerującego, W: Projektowanie mechatroniczne. Zagadnienia wybrane, pod red. T. Uhla, AGH, Kraków, 2007, 201-208.